

## 第一部分、選擇題 (第 1~26 題)

- (C) 1. 已知  $a = (-12) \times (-23) \times (-34) \times (-45)$ ，  
 $b = (-123) \times (-234) \times (-345)$ ，  
 判斷下列敘述何者正確？  
 (A)  $a$ 、 $b$  皆為正數  
 (B)  $a$ 、 $b$  皆為負數  
 (C)  $a$  為正數， $b$  為負數  
 (D)  $a$  為負數， $b$  為正數

### 章節【七上 1-3】

試題解析：

$a$  是 4 個負數相乘，其值為正數  
 $b$  是 3 個負數相乘，其值為負數  
 故選【C】。

- (C) 2. 算式  $2^3 \times 5^3$  之值為何？  
 (A) 30 (B) 90  
 (C) 1000 (D) 1000000

### 章節【七上 1-4】

試題解析：

$2^3 \times 5^3 = (2 \times 5)^3 = 10^3 = 1000$   
 故選【C】。

- (C) 3. 小真煮好了 25 顆湯圓，其中 15 顆為芝麻湯圓，  
 10 顆為花生湯圓。已知小真想從煮好的湯圓中撈  
 一顆，若每顆湯圓被小真撈到的機會相等，則他  
 撈到花生湯圓的機率為何？  
 (A)  $\frac{1}{2}$  (B)  $\frac{2}{3}$   
 (C)  $\frac{2}{5}$  (D)  $\frac{1}{10}$

### 章節【九下 3-3】

試題解析：

$\therefore$  25 顆湯圓中，花生湯圓有 10 顆，  
 $\therefore$  撈到花生湯圓的機率為  $\frac{10}{25} = \frac{2}{5}$   
 故選【C】。

- (B) 4. 算式  $\sqrt{2} \times (\sqrt{48} - \sqrt{12})$  之值為何？  
 (A)  $6\sqrt{2}$  (B)  $2\sqrt{6}$   
 (C)  $2\sqrt{21}$  (D)  $4\sqrt{6} - 2\sqrt{3}$

### 章節【八上 2-2】

試題解析：

$\sqrt{2} \times (\sqrt{48} - \sqrt{12})$   
 $= \sqrt{2} \times \sqrt{48} - \sqrt{2} \times \sqrt{12}$   
 $= \sqrt{96} - \sqrt{24}$   
 $= 4\sqrt{6} - 2\sqrt{6}$   
 $= 2\sqrt{6}$   
 故選【B】。

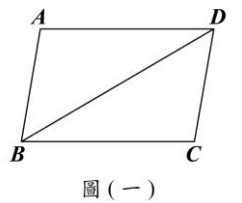
【另解】

$$\begin{aligned} & \sqrt{2} \times (\sqrt{48} - \sqrt{12}) \\ &= \sqrt{2} \times (4\sqrt{3} - 2\sqrt{3}) \\ &= \sqrt{2} \times 2\sqrt{3} \\ &= 2\sqrt{6} \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 2\sqrt{48} \\ 2\sqrt{12} \\ \hline 2\sqrt{24} \\ 2\sqrt{12} \\ \hline 2\sqrt{6} \end{array} \quad \begin{array}{r} 2\sqrt{12} \\ 2\sqrt{6} \\ \hline 2\sqrt{6} \\ \hline 2\sqrt{6} \end{array}$$

故選【B】。

- (A) 5. 如圖(一)，平行四邊形  $ABCD$   
 中， $\angle A = 100^\circ$ 。若  $\angle ABD$ ：  
 $\angle DBC = 3:2$ ，則  $\angle DBC$  的度  
 數為何？  
 (A) 32 (B) 40  
 (C) 48 (D) 60

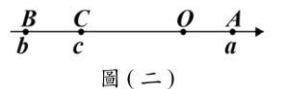


### 章節【八下 4-2】

試題解析：

$\therefore \overline{AD} \parallel \overline{BC}$   
 $\therefore \angle A + \angle ABC = 180^\circ$  (同側內角)  
 $\therefore \angle ABC = 180^\circ - \angle A = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$   
 $\angle DBC = 80^\circ \times \frac{2}{3+2} = 80^\circ \times \frac{2}{5} = 32^\circ$   
 故選【A】。

- (A) 6. 圖(二)數線上的  $A$ 、 $B$ 、 $C$   
 三點所表示的數分別為  $a$ 、  
 $b$ 、 $c$ ，且原點為  $O$ 。根據圖  
 中各點位置，判斷下列四個  
 式子的值何者最大？  
 (A)  $|a| + |b|$  (B)  $|a| + |c|$   
 (C)  $|a-c|$  (D)  $|b-c|$



### 章節【七上 1-2】

試題解析：

$|a| + |b| = \overline{OA} + \overline{OB} = \overline{AB}$   
 $|a| + |c| = \overline{OA} + \overline{OC} = \overline{AC}$   
 $|a-c| = \overline{AC}$   
 $|b-c| = \overline{BC}$   
 $\therefore \overline{AB} > \overline{AC} > \overline{BC}$   
 $\therefore |a| + |b|$  最大  
 故選【A】。



- ( D ) 7. 計算  $2x^2-3$  除以  $x+1$  後，得商式和餘式分別為何？  
 (A)商式為 2，餘式為 -5  
 (B)商式為  $2x-5$ ，餘式為 5  
 (C)商式為  $2x+2$ ，餘式為 -1  
 (D)商式為  $2x-2$ ，餘式為 -1

章節【八上 1-3】

試題解析：

$$\begin{array}{r} 2x-2 \\ x+1 \overline{) 2x^2+0x-3} \\ \underline{2x^2+2x} \phantom{-3} \\ -2x-3 \\ \underline{-2x-2} \\ -1 \end{array}$$

商式為  $2x-2$ ，餘式為 -1  
 故選【D】。

- ( B ) 8. 下列何者可表示成兩個質數的乘積？  
 (A) 81 (B) 82  
 (C) 83 (D) 84

章節【七上 2-1】

試題解析：

- (A)  $81=3^4$   
 (B)  $82=2 \times 41$  (2 和 41 都是質數)  
 (C) 83 是質數  
 (D)  $84=2^2 \times 3 \times 7$

故選【B】。

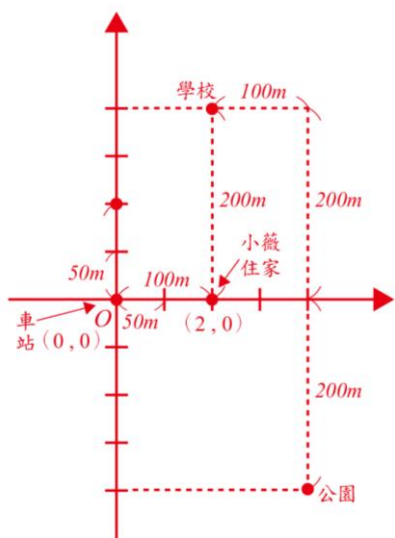
- ( A ) 9. 已知小薇住家的西方 100 公尺處為車站，住家的北方 200 公尺處為學校，且從學校往東方走 100 公尺，再往南方走 400 公尺可到達公園。若小薇將住家、車站、學校分別標示在坐標平面上的  $(2, 0)$ 、 $(0, 0)$ 、 $(2, 4)$  三點，則公園應標示在此坐標平面上的哪一點？  
 (A)  $(4, -4)$  (B)  $(4, 12)$   
 (C)  $(0, -4)$  (D)  $(0, 12)$

章節【七下 2-1】

試題解析：

由圖可知 1 個單位長為 50 公尺，  
 $\therefore$  公園的位置為  $(4, -4)$

故選【A】。



- ( D ) 10. 若一元二次方程  $5(x-4)^2=125$  的解為  $a, b$ ，且  $a > b$ ，則  $2a+b$  之值為何？  
 (A) -7 (B) -1  
 (C) 11 (D) 17

章節【八上 4-2】

試題解析：

$$5(x-4)^2=125$$

$$(x-4)^2=25$$

$$x-4=\pm 5$$

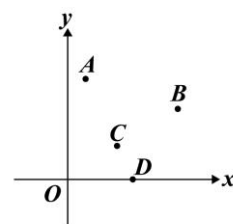
$$x=9 \text{ 或 } x=-1$$

$$\because a > b, \therefore a=9, b=-1$$

$$2a+b=2 \times 9 + (-1) = 18 + (-1) = 17$$

故選【D】。

- ( B ) 11. 圖(三)的坐標平面上有 A、B、C、D 四點，其中恰有三點在函數  $y=px+q$  的圖形上，且  $p, q$  為兩數。根據圖中四點的位置，判斷下列哪一點不在函數  $y=px+q$  的圖形上？



圖(三)

- (A) A (B) B  
 (C) C (D) D

章節【七下 4-2】

試題解析：

函數  $y=px+q$  為線型函數，其圖形為一直線，

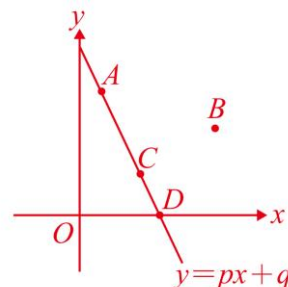
由圖中四點的位置可知

A、C、D 三點皆在

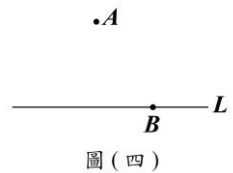
$y=px+q$  這一直線上，

$\therefore$  B 點不在  $y=px+q$  的圖形上

故選【B】。



- ( C ) 12. 圖(四)表示平面上 A、B 兩點與直線 L 的位置關係，其中 B 點在 L 上。若有一動點 P 從 A 點開始移動，移動過程中與 B 點的距離保持不變，則下列關於 P 點移動路徑的敘述，何者正確？  
 (A) 在與直線 L 平行且通過 A 點的直線上  
 (B) 在與直線 L 垂直且通過 A 點的直線上  
 (C) 在以 B 點為圓心且通過 A 點的圓上  
 (D) 在以  $\overline{AB}$  為直徑的圓上



圖(四)

章節【八下 2-1、九上 2-1】

試題解析：

$\therefore$  動點 P 從 A 點開始移動，

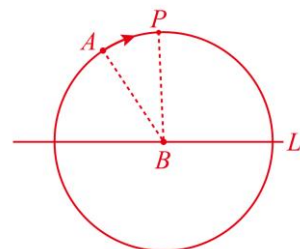
且移動的過程中與 B 點的距離保持不變，

所以此距離等於  $\overline{AB}$

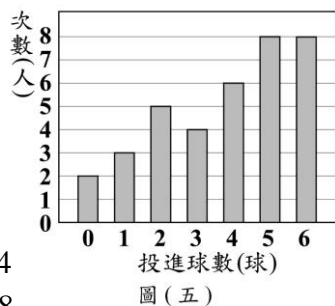
如圖，以 B 點為圓心且通過 A 點

的圓上任意一點到 A 點的距離都等於  $\overline{AB}$ ，

故選【C】。



- ( B ) 13. 圖(五)為甲班 36 名學生參加投籃測驗的投進球數長條圖。判斷甲班學生中，有多少人的投進球數小於該班學生投進球數的中位數？



- (A) 10 (B) 14  
(C) 17 (D) 18

章節【九下 3-2】

試題解析：

$\because 36$  是偶數， $\frac{36}{2} = 18$ ， $\frac{36}{2} + 1 = 19$

$\therefore$  中位數是由小到大的第 18 筆與第 19 筆資料的平均，

$\therefore$  第 18 筆與第 19 筆資料均為 4 球，

$\therefore$  中位數  $= \frac{4+4}{2} = 4$  (球)，

投進球數小於 4 球的人數  $= 2+3+5+4 = 14$  (人)

故選【B】。

- ( C ) 14. 圖(六)為朵朵披薩屋的公告。若一個夏威夷披薩調漲前的售價為  $x$  元，則會員購買一個夏威夷披薩的花費，公告前後相差多少元？

**公告**

因近期食材成本提高，故即日起

- 披薩售價皆調漲 10%。
- 會員結帳優惠從打八五折調整為打九折。

圖(六)

- (A)  $0.05x$  (B)  $0.09x$   
(C)  $0.14x$  (D)  $0.15x$

章節【七上 3-1】

試題解析：

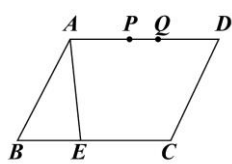
公告前的花費： $0.85x$  (元)

公告後的花費： $x \times (1+10\%) \times 0.9 = 0.99x$  (元)

$0.99x - 0.85x = 0.14x$  (元)

故選【C】。

- ( D ) 15. 平行四邊形  $ABCD$  中， $E$  點在  $\overline{BC}$  上， $P$ 、 $Q$  兩點在  $\overline{AD}$  上，其位置如圖(七)所示。若  $\overline{PB}$  與  $\overline{AE}$  相交於  $R$  點， $\overline{QB}$  與  $\overline{AE}$  相交於  $S$  點，則下列三角形面積的大小關係，何者正確？



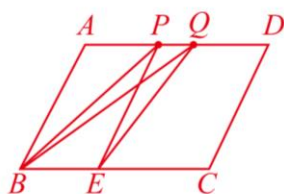
圖(七)

- (A)  $\triangle PBE > \triangle QBE$ ， $\triangle PRE > \triangle QSE$   
(B)  $\triangle PBE < \triangle QBE$ ， $\triangle PRE < \triangle QSE$   
(C)  $\triangle PBE = \triangle QBE$ ， $\triangle PRE > \triangle QSE$   
(D)  $\triangle PBE = \triangle QBE$ ， $\triangle PRE < \triangle QSE$

章節【八下 4-1】

試題解析：

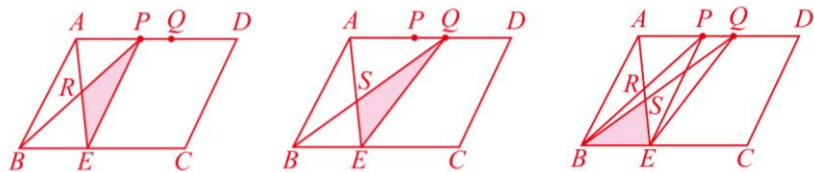
①  $\because \overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ， $\therefore \triangle PBE = \triangle QBE$  (同底等高)



②  $\because \triangle PRE = \triangle PBE - \triangle RBE$ ， $\triangle QSE = \triangle QBE - \triangle SBE$

由  $\triangle PBE = \triangle QBE$  且  $\triangle RBE > \triangle SBE$

可知  $\triangle PRE < \triangle QSE$



故選【D】。

- ( C ) 16. 中秋節時阿柚製作的廣式月餅、蛋黃酥、鳳梨酥的數量比為  $2:1:3$ ，其中只有製作廣式月餅和蛋黃酥時使用鹹蛋黃。若阿柚製作每個廣式月餅時使用 2 顆鹹蛋黃，製作每個蛋黃酥時使用 1 顆鹹蛋黃，且總共使用 120 顆鹹蛋黃，則他製作了幾個鳳梨酥？

- (A) 45 (B) 60  
(C) 72 (D) 120

章節【七下 3-2】

試題解析：

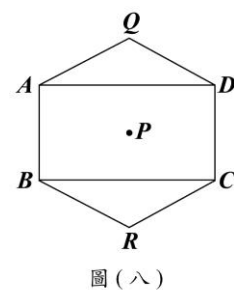
設廣式月餅、蛋黃酥、鳳梨酥的數量為  $2x$ 、 $x$ 、 $3x$  個

$2x \times 2 + x = 120$ ， $x = 24$

$\therefore 3x = 3 \times 24 = 72$

故選【C】。

- ( D ) 17. 如圖(八)， $P$  點為矩形  $ABCD$  兩對角線的交點，將  $P$  點分別以  $\overline{AD}$ 、 $\overline{BC}$  為對稱軸畫出對稱點  $Q$ 、 $R$ ，形成六邊形  $QABRCD$ 。若  $AB = 2$ ， $AD = 4$ ，則六邊形  $QABRCD$  的周長為何？



圖(八)

- (A) 12 (B)  $4 + 2\sqrt{6}$   
(C)  $4 + 4\sqrt{3}$  (D)  $4 + 4\sqrt{5}$

章節【八下 2-2】

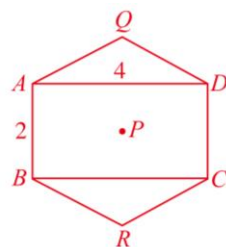
試題解析：

$\because P$  點分別以  $\overline{AD}$ 、 $\overline{BC}$  為對稱軸的對稱點是  $Q$ 、 $R$

$$\therefore \begin{cases} \overline{AQ} = \overline{AP} = \frac{1}{2} \overline{AC} & , \quad \overline{DQ} = \overline{DP} = \frac{1}{2} \overline{BD} \\ \overline{BR} = \overline{BP} = \frac{1}{2} \overline{BD} & , \quad \overline{CR} = \overline{CP} = \frac{1}{2} \overline{AC} \end{cases}$$

六邊形  $QABRCD$  的周長

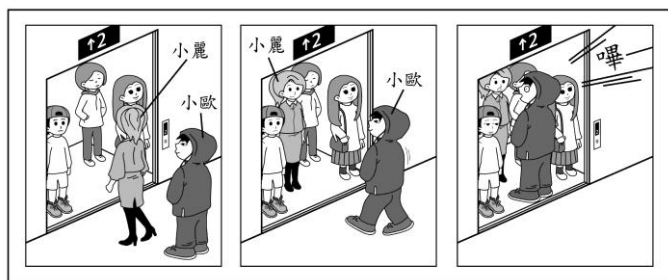
$$\begin{aligned} &= \overline{AQ} + \overline{AB} + \overline{BR} + \overline{CR} + \overline{CD} + \overline{DQ} \\ &= (\overline{AB} + \overline{CD}) + (\overline{AQ} + \overline{CR}) + (\overline{DQ} + \overline{BR}) \\ &= 2\overline{AB} + \overline{AC} + \overline{BD} \\ &= 2\overline{AB} + 2\overline{BD} \\ &= 2(\overline{AB} + \overline{BD}) \\ &= 2(2 + \sqrt{2^2 + 4^2}) \\ &= 2(2 + 2\sqrt{5}) \\ &= 4 + 4\sqrt{5} \end{aligned}$$



故選【D】。



- (A) 18. 圖(九)為小麗和小歐依序進入電梯時，電梯因超重而警示音響起的過程，且過程中沒有其他人進出。



圖(九)

已知當電梯乘載的重量超過 300 公斤時警示音會響起，且小麗、小歐的重量分別為 50 公斤、70 公斤。若小麗進入電梯前，電梯內已乘載的重量為  $x$  公斤，則所有滿足題意的  $x$  可用下列哪一個不等式表示？

- (A)  $180 < x \leq 250$  (B)  $180 < x \leq 300$   
(C)  $230 < x \leq 250$  (D)  $230 < x \leq 300$

章節【七下 5-2】

試題解析：

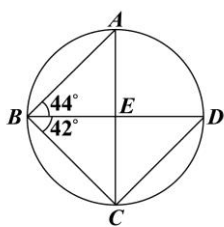
$$\therefore x + 50 \leq 300 \text{ 且 } x + 50 + 70 > 300$$

$$\therefore x \leq 250 \text{ 且 } x > 180$$

$$\text{即 } 180 < x \leq 250$$

故選【A】。

- (B) 19. 圓上有  $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $D$  四點，其位置如圖(十)所示，其中  $\overline{AC}$  與  $\overline{BD}$  相交於  $E$  點，且  $\overline{AB} = \overline{BC}$ 。根據圖中標示的角度，判斷下列四條線段何者的長度最長？



圖(十)

- (A)  $\overline{AE}$  (B)  $\overline{BE}$   
(C)  $\overline{CE}$  (D)  $\overline{DE}$

章節【九上 2-2】

試題解析：

$$\textcircled{1} \because \overline{AB} = \overline{BC}$$

$$\therefore \angle A = \angle BCA = \frac{180^\circ - (44^\circ + 42^\circ)}{2} = 47^\circ$$

$$\angle ACD = \frac{1}{2} \widehat{AD} = \angle ABD = 44^\circ$$

$$\angle D = \frac{1}{2} \widehat{BC} = \angle A = 47^\circ$$

②在  $\triangle CDE$  中

$$\because \angle D > \angle ECD, \therefore \overline{CE} > \overline{DE} \text{ (大角對大邊)}$$

在  $\triangle BCE$  中

$$\because \angle BCE > \angle CBE, \therefore \overline{BE} > \overline{CE} \text{ (大角對大邊)}$$

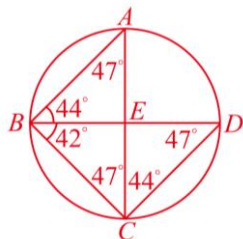
在  $\triangle ABE$  中

$$\because \angle A > \angle ABE, \therefore \overline{BE} > \overline{AE} \text{ (大角對大邊)}$$

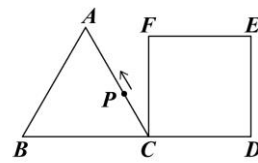
$$\text{故 } \overline{BE} > \overline{AE}, \overline{BE} > \overline{CE} > \overline{DE}$$

即  $\overline{BE}$  最長。

故選【B】。



- (A) 20. 圖(十一)的正三角形  $ABC$  與正方形  $CDEF$  中， $B$ 、 $C$ 、 $D$  三點共線，且  $\overline{AC} = 10$ ， $\overline{CF} = 8$ 。若有一動點  $P$  沿著  $\overline{CA}$  由  $C$  往  $A$  移動，則  $\overline{FP}$  的長度最小為多少？



圖(十一)

- (A) 4 (B) 5  
(C)  $4\sqrt{3}$  (D)  $5\sqrt{3}$

章節【八下 2-2】

試題解析：

$$\angle FCP = 180^\circ - \angle FCD - \angle BCA = 180^\circ - 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$$

當  $\overline{FP} \perp \overline{AC}$  時， $\overline{FP}$  的長度最小

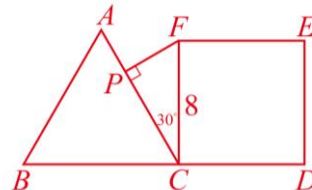
$\therefore$  此時  $\triangle CFP$  為  $30^\circ-60^\circ-90^\circ$  的三角形

$$\text{故 } \overline{FC} : \overline{FP} = 2 : 1$$

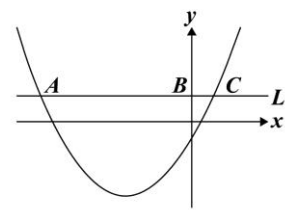
$$8 : \overline{FP} = 2 : 1$$

$$\overline{FP} = 4$$

故選【A】。



- (C) 21. 坐標平面上有一水平線  $L$  與二次函數  $y = a(x+7)^2 - 10$  的圖形，其中  $a$  為一正數，且  $L$  與二次函數圖形相交於  $A$ 、 $C$  兩點，與  $y$  軸相交於  $B$  點，其位置如圖(十二)所示。若  $\overline{AB} : \overline{BC} = 5 : 1$ ，則  $\overline{AC}$  的長度為何？



圖(十二)

- (A) 17 (B) 19  
(C) 21 (D) 24

章節【九下 1-3】

試題解析：

由  $y = a(x+7)^2 - 10$  可知，

此拋物線的對稱軸為  $x = -7$ ，

設  $x = -7$  的圖形與直線  $L$  交於  $D$  點，

$$\therefore \overline{BD} = 7$$

設  $\overline{AB} = 5K$ ， $\overline{BC} = K$ ，其中  $K \neq 0$ ，

$$\therefore \overline{AC} = \overline{AB} + \overline{BC} = 5K + K = 6K$$

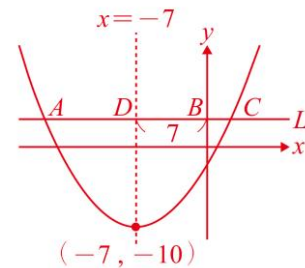
$$\overline{CD} = \frac{1}{2} \overline{AC} = 3K$$

$$\overline{BD} = \overline{CD} - \overline{BC} = 3K - K = 2K$$

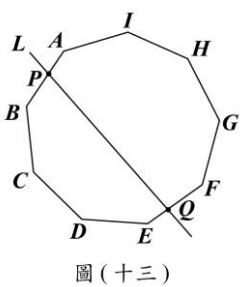
$$\text{故 } 2K = 7, K = \frac{7}{2}$$

$$\text{因此 } \overline{AC} = 6K = 6 \times \frac{7}{2} = 21$$

故選【C】。



- (B) 22. 如圖(十三), 直線  $L$  將正九邊形  $ABCDEFGHI$  分割成兩個區域, 且分別與  $\overline{AB}$ 、 $\overline{EF}$  相交於  $P$  點、 $Q$  點。若  $\angle APQ$  的外角為  $75^\circ$ , 則  $\angle PQE$  的度數為何?  
 (A) 75 (B) 85  
 (C) 95 (D) 105



章節【八下 3-1】

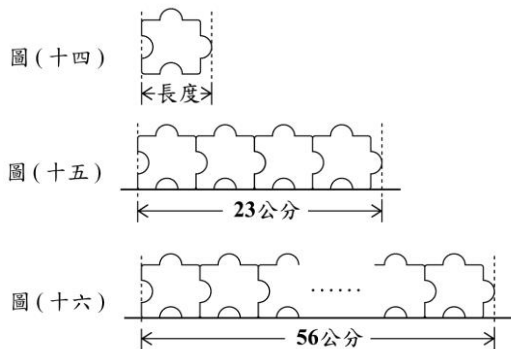
試題解析：

$\angle BPQ = \angle APQ$  的外角  $= 75^\circ$ ,  
 $\therefore$  正九邊形的一個內角  $= 180^\circ - \frac{360^\circ}{9} = 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ$   
 $\therefore \angle B = \angle C = \angle D = \angle E = 140^\circ$

如圖(十三),  
 六邊形  $PBCDEQ$  的內角和  $= 180^\circ \times (6-2) = 720^\circ$   
 $\angle PQE = 720^\circ - (\angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle BPQ)$   
 $= 720^\circ - (4 \times 140^\circ + 75^\circ)$   
 $= 720^\circ - 635^\circ$   
 $= 85^\circ$

故選【B】。

- (D) 23. 已知有若干片相同的拼圖, 其形狀如圖(十四)所示, 且拼圖依同方向排列時可緊密拼成一列, 此時底部可與直線貼齊。當 4 片拼圖緊密拼成一列時長度為 23 公分, 如圖(十五)所示。當 10 片拼圖緊密拼成一列時長度為 56 公分, 如圖(十六)所示。求圖(十四)中的拼圖長度為多少公分?



- (A) 5.5 (B) 5.6  
 (C) 5.75 (D) 6.5

章節【八下 1-2】

試題解析：

假設圖(十四)中的長度為  $a$  公分, 每多一片長度增加  $d$  公分, 由圖(十五)、圖(十六)可知,

$$\begin{cases} a + 3d = 23 \cdots \cdots ① \\ a + 9d = 56 \cdots \cdots ② \end{cases}$$

②式 - ①式得  $6d = 33, d = 5.5 \cdots \cdots ③$

③式代入②式得  $a + 3 \times 5.5 = 23, a = 23 - 16.5 = 6.5$

故選【D】。

【另解】

假設圖(十四)中的長度為  $(x+y)$  公分,

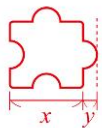
由圖(十五)、圖(十六)可知,

$$\begin{cases} 4x + y = 23 \cdots \cdots ① \\ 10x + y = 56 \cdots \cdots ② \end{cases}$$

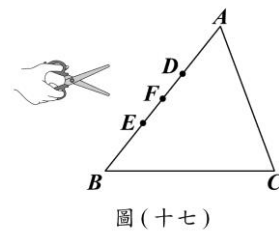
②式 - ①式得  $6x = 33, x = 5.5$ , 代入②式得  $55 + y = 56, y = 1$

$\therefore x + y = 5.5 + 1 = 6.5$

故選【D】。



- (D) 24. 圖(十七)為三角形紙片  $ABC$ , 其中  $D$  點和  $E$  點將  $\overline{AB}$  分成三等分,  $F$  點為  $\overline{DE}$  中點。若小慕從  $\overline{AB}$  上的一點  $P$ , 沿著與直線  $BC$  平行的方向將紙片剪開



後, 剪下的小三角形紙片面積為  $\triangle ABC$  的  $\frac{1}{3}$ ,

則下列關於  $P$  點位置的敘述, 何者正確?

- (A) 與  $D$  點重合  
 (B) 與  $E$  點重合  
 (C) 在  $\overline{DF}$  上, 但不與  $D$  點也不與  $F$  點重合  
 (D) 在  $\overline{FE}$  上, 但不與  $F$  點也不與  $E$  點重合

章節【九上 1-3】

試題解析：

如圖, 設  $\triangle APQ$  為小慕剪下的小三角形紙片,

其中  $\overline{PQ} \parallel \overline{BC}$ , 且  $\triangle APQ = \frac{1}{3} \triangle ABC$ ,

因為  $\triangle APQ \sim \triangle ABC$  (AA 相似性質), 所以  $\overline{AP}^2 : \overline{AB}^2 = \triangle APQ : \triangle ABC = 1 : 3$

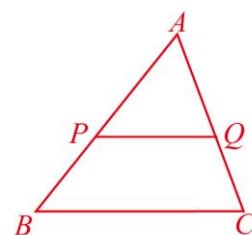
故  $\overline{AP} : \overline{AB} = 1 : \sqrt{3}$

又  $\overline{AD} = \overline{DE} = \overline{EB}$ ,  $\overline{AF} = \overline{FB}$ ,

所以  $\overline{AD} : \overline{AB} = 1 : 3$

$\overline{AF} : \overline{AB} = 1 : 2$

$\overline{AE} : \overline{AB} = 2 : 3 = 1 : \frac{3}{2}$



因為  $\frac{3}{2} < \sqrt{3} < 2$

所以  $P$  點在  $\overline{FE}$  上, 但不與  $F$  點也不與  $E$  點重合,

故選【D】。

【另解】

$$\left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{1}{9}$$

若從  $D$  點沿著平行  $\overline{BC}$  的方向剪開後,

剪下的小三角形面積為  $\triangle ABC$  的  $\frac{1}{9}$  倍 (相似三角形)

同理,  $\left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$ ,  $\left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$

從  $F$  點沿著平行  $\overline{BC}$  的方向剪開後,

剪下的小三角形面積為  $\triangle ABC$  的  $\frac{1}{4}$  倍 (相似三角形)

從  $E$  點沿著平行  $\overline{BC}$  的方向剪開後,

剪下的小三角形面積為  $\triangle ABC$  的  $\frac{4}{9}$  倍 (相似三角形)

$$\therefore \frac{1}{9} < \frac{1}{4} < \frac{1}{3} < \frac{4}{9}$$

$\therefore P$  點在  $\overline{FE}$  上, 但不與  $F$  點也不與  $E$  點重合

故選【D】。



- (B) 25. 圖(十八)為有春蛋糕店的價目表,阿凱原本拿了4個蛋糕去結帳,結帳時發現該店正在舉辦優惠活動,優惠方式為每買5個蛋糕,其中1個價格最低的蛋糕免費,因此阿凱後來多買了1個黑櫻桃蛋糕。若阿凱原本的結帳金額為 $x$ 元,後來的結帳金額為 $y$ 元,則 $x$ 與 $y$ 的關係式不可能為下列何者?

蛋糕種類	伯爵茶蛋糕	鮮奶捲蛋糕	濃起司蛋糕	黑櫻桃蛋糕	水果派蛋糕	千層派蛋糕
每個價格	40元	45元	45元	55元	60元	70元

圖(十八)

- (A)  $y=x$  (B)  $y=x+5$   
(C)  $y=x+10$  (D)  $y=x+15$

章節【七下 1-1】

試題解析:

因為阿凱後來多買的是55元的黑櫻桃蛋糕,所以他買的5個蛋糕中,價格最低的可能是40元、45元或55元的蛋糕,

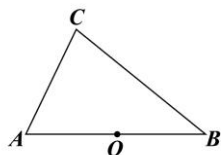
若免費的是40元的蛋糕,則 $y=x+55-40$ ,即 $y=x+15$ ,

若免費的是45元的蛋糕,則 $y=x+55-45$ ,即 $y=x+10$ ,

若免費的是55元的蛋糕,則 $y=x+55-55$ ,即 $y=x$

故選【B】。

- (A) 26. 如圖(十九),銳角三角形 $ABC$ 中, $O$ 點為 $\overline{AB}$ 中點。甲、乙兩人想在 $\overline{AC}$ 上找一點 $P$ ,使得 $\triangle ABP$ 的外心為 $O$ ,其作法分別如下:



圖(十九)

(甲)作過 $B$ 且與 $\overline{AC}$ 垂直的直線,交 $\overline{AC}$ 於 $P$ 點,則 $P$ 即為所求

(乙)以 $O$ 為圓心, $\overline{OA}$ 長為半徑畫弧,交 $\overline{AC}$ 於 $P$ 點,則 $P$ 即為所求

對於甲、乙兩人的作法,下列判斷何者正確?

- (A)兩人皆正確 (B)兩人皆錯誤  
(C)甲正確,乙錯誤 (D)甲錯誤,乙正確

章節【九上 3-2】

試題解析:

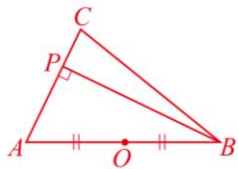
(甲)作過 $B$ 與 $\overline{AC}$ 垂直的直線交 $\overline{AC}$ 於 $P$ 點

$\therefore \triangle ABP$ 為直角三角形

又 $O$ 點為斜邊 $\overline{AB}$ 中點

$\therefore O$ 點為 $\triangle ABP$ 的外心

因此,甲正確。



(乙)由 $O$ 點是 $\overline{AB}$ 中點可知, $\overline{OA} = \overline{OB}$

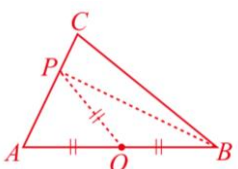
又 $P$ 點在以 $O$ 為圓心, $\overline{OA}$ 長為半徑的弧上

$\therefore \overline{OP} = \overline{OA}$

故 $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OP}$

$\therefore O$ 點是 $\triangle ABP$ 的外心

因此,乙正確。



故選【A】。

第二部分、非選擇題(第1~2題)

1. 品沏飲料店提供三種品項,其對應兩種容量的價格如圖(二十)所示。

品項	中杯 (750毫升)	大杯 (1000毫升)
古早味紅茶	30元	45元
百香綠茶	35元	50元
珍珠奶茶	50元	65元

圖(二十)

品沏飲料店的老闆規劃回饋活動,凡自備容器購買飲料者,每種品項中杯皆折扣2元、大杯皆折扣5元。

請根據上述資訊,回答下列問題:

- (1) 老闆收到顧客反映,有些品項在自備容器後大杯的每毫升價格還是比中杯的貴,請問是圖(二十)中的哪些品項?  
(2) 若老闆想要讓所有品項在自備容器後大杯的每毫升價格都比中杯的便宜,則他應將大杯的折扣都至少改成多少元?請詳細解釋或完整寫出你的解題過程,並求出答案。

(1) 章節【七上 2-4】

①古早味紅茶

$$\text{中杯: } (30-2) \div 750 = \frac{28}{750}$$

$$\text{大杯: } (45-5) \div 1000 = \frac{40}{1000} = \frac{1}{25} = \frac{30}{750} > \frac{28}{750}$$

②百香綠茶

$$\text{中杯: } (35-2) \div 750 = \frac{33}{750} = \frac{11}{250} = \frac{44}{1000}$$

$$\text{大杯: } (50-5) \div 1000 = \frac{45}{1000} > \frac{44}{1000}$$

③珍珠奶茶

$$\text{中杯: } (50-2) \div 750 = \frac{48}{750} = \frac{16}{250} = \frac{32}{500}$$

$$\text{大杯: } (65-5) \div 1000 = \frac{60}{1000} = \frac{3}{50} = \frac{30}{500} < \frac{32}{500}$$

$\therefore$ 古早味紅茶及百香綠茶在自備容器後,大杯的每毫升價格還是比中杯貴。

【另解】

$$[750, 1000] = 3000$$

各品項折扣後的每毫升價格如下:

$$\text{①中杯紅茶: } \frac{30-2}{750} = \frac{112}{3000}$$

$$\text{大杯紅茶: } \frac{45-5}{1000} = \frac{120}{3000} > \frac{112}{3000}$$

$$\text{②中杯綠茶: } \frac{35-2}{750} = \frac{132}{3000}$$

$$\text{大杯綠茶: } \frac{50-5}{1000} = \frac{135}{3000} > \frac{132}{3000}$$

$$\text{③中杯奶茶: } \frac{50-2}{750} = \frac{192}{3000}$$

$$\text{大杯奶茶: } \frac{65-5}{1000} = \frac{180}{3000} < \frac{192}{3000}$$

$\therefore$ 古早味紅茶及百香綠茶在自備容器後,大杯的每毫升價格比中杯貴。



(2) 章節【七下 5-2】

設大杯折扣  $x$  元

$$\textcircled{1} \frac{45-x}{1000} < \frac{28}{750}$$

$$750(45-x) < 28 \times 1000$$

$$135-3x < 112$$

$$3x > 23$$

$$x > \frac{23}{3} = 7\frac{2}{3}$$

$$\textcircled{2} \frac{50-x}{1000} < \frac{44}{1000}$$

$$50-x < 44$$

$$x > 6$$

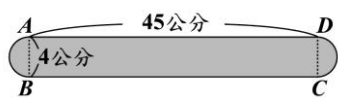
由①、②可知， $x > 7\frac{2}{3}$

∴大杯的折扣至少要大於  $7\frac{2}{3}$  元，若取整數至少為 8 元。

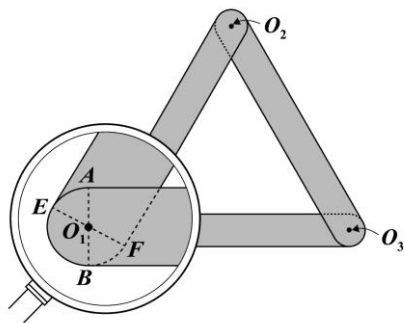
2. 預警三角標誌牌用於放置在車道上，告知後方來車前有停置車輛，如圖(二十一)所示。貝貝想製作類似此標誌的圖形，先使用反光材料設計一個物件，如圖(二十二)所示，其中四邊形  $ABCD$  為長方形， $\widehat{AB}$ 、 $\widehat{CD}$  分別為以  $\overline{AB}$ 、 $\overline{CD}$  為直徑的半圓，且灰色部分為反光區域。接著，將三個圖(二十二)的物件以圖(二十三)的方式組合成固定，其中固定點  $O_1$ 、 $O_2$ 、 $O_3$  皆與半圓的圓心重合，且各半圓恰好與長方形的長邊相切，而在圖(二十三)左下方的局部放大圖中， $B$ 、 $E$  皆為切點， $\overline{AB}$ 、 $\overline{EF}$  皆為直徑。



圖(二十一)



圖(二十二)



圖(二十三)

請根據上述資訊，回答下列問題：

(1) 圖(二十三)中  $\angle AO_1F$  的度數為多少？

(2) 根據圖(二十三)的組合方式，求出可看見的反光區域面積為多少？請詳細解釋或完整寫出你的解題過程，並求出答案。

章節【九上 2-2】

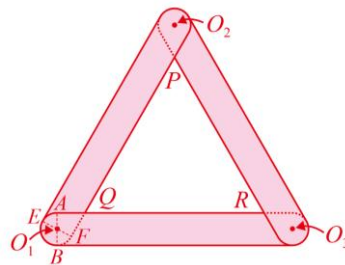
(1)

$$\because \widehat{3BE} = 360^\circ$$

$$\therefore \widehat{BE} = 120^\circ$$

$$\text{故 } \angle AO_1F = \angle EO_1B = \widehat{BE} = 120^\circ$$

【另解】



如圖， $\triangle PQR$  為正三角形

$$\therefore \angle PQR = 60^\circ$$

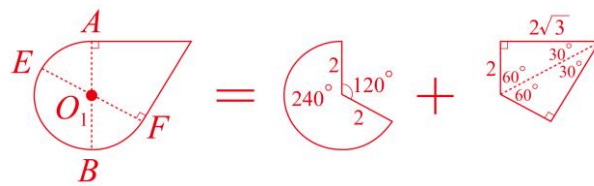
在四邊形  $AO_1FQ$  中，

$$\because \angle QAO_1 = \angle QFO_1 = 90^\circ \text{ (A、F 為切點)}$$

$$\text{且 } \angle AQF = \angle PQR = 60^\circ \text{ (對頂角)}$$

$$\begin{aligned} \therefore \angle AO_1F &= 360^\circ - (\angle AQF + \angle QAO_1 + \angle QFO_1) \\ &= 360^\circ - (60^\circ + 90^\circ + 90^\circ) \\ &= 120^\circ \end{aligned}$$

(2)



如圖(二十三)，任兩個物件重疊之面積

$$= \left(\frac{4}{2}\right)^2 \times \pi \times \frac{360-120}{360} + \left(\frac{1}{2} \times 2 \times 2\sqrt{3}\right) \times 2$$

$$= 4\pi \times \frac{2}{3} + 4\sqrt{3} = \frac{8}{3}\pi + 4\sqrt{3}$$

$$\text{又每個物件的面積} = 45 \times 4 + 2^2 \times \pi = 180 + 4\pi$$

$$\begin{aligned} \therefore \text{反光區域面積} &= (180 + 4\pi) \times 3 - \left(\frac{8}{3}\pi + 4\sqrt{3}\right) \times 3 \\ &= 540 + 12\pi - 8\pi - 12\sqrt{3} \\ &= 540 + 4\pi - 12\sqrt{3} \text{ (平方公分)} \end{aligned}$$



參考公式：

<p>和的平方公式：<math>(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2</math></p> <p>差的平方公式：<math>(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2</math></p> <p>平方差公式：<math>a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)</math></p> <p>若直角三角形兩股長為 <math>a</math>、<math>b</math>，斜邊長為 <math>c</math>，則 <math>c^2 = a^2 + b^2</math></p> <p>若圓的半徑為 <math>r</math>，圓周率為 <math>\pi</math>，則圓面積 <math>= \pi r^2</math>，圓周長 <math>= 2\pi r</math></p> <p>凸 <math>n</math> 邊形的內角和為 <math>(n-2) \times 180^\circ</math>，<math>n \geq 3</math></p> <p>凸 <math>n</math> 邊形的一組外角和為 <math>360^\circ</math>，<math>n \geq 3</math></p> <p>若一個等差數列的首項為 <math>a_1</math>，公差為 <math>d</math>，第 <math>n</math> 項為 <math>a_n</math>，前 <math>n</math> 項和為 <math>S_n</math>，</p> <p>則 <math>a_n = a_1 + (n-1)d</math>，<math>S_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2}</math></p> <p>一元二次方程式 <math>ax^2 + bx + c = 0</math> 的解為 <math>x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}</math></p>
---

### 109 數學會考題目 章節 對應表

		七上	七下	八上	八下	九上	九下
第一章	1-1		25				
	1-2	6			23		
	1-3	1		7		24	21
	1-4	2					
	1-5						
第二章	2-1	8			12	12	
	2-2		9	4	17、20	19、非 2	
	2-3						
	2-4	非 1(1)					
第三章	3-1	14			22		
	3-2		16			26	13
	3-3						3
	3-4						
第四章	4-1				15		
	4-2		11	10	5		
	4-3						
第五章	5-1						
	5-2		18、非 1(2)				

